

Sinh viên **không được** sử dụng tài liệu

**Câu 1:** 4 điểm

Xét cơ cấu bốn khâu bản lề như hình vẽ 1. Biết:

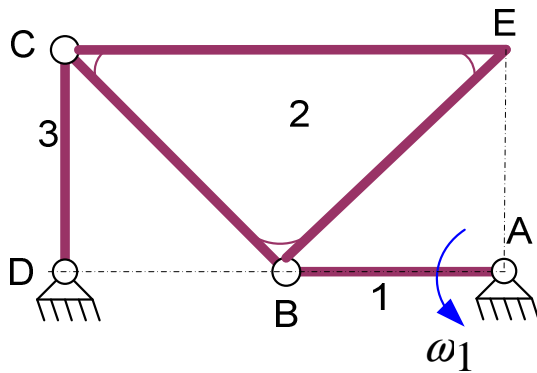
$$\omega_1 = \omega \equiv const$$

$$AB = CD = a; \quad BC = BE = a\sqrt{2}$$

$$AD = CE = 2a$$

$$\angle CBE = 90^\circ; \angle ABE = 45^\circ; \angle ADC = 90^\circ$$

Hãy xác định:  $\omega_2 = ?; \omega_3 = ?; |\vec{v}_{E2}| = ?$



Hình vẽ 1

**Câu 2:** 4 điểm

Xét hệ thống bánh răng như hình vẽ 2. Bánh răng  $Z_5$  cố định. Số răng các bánh:

$$z_1 = z_5 = 180; z_2 = 30; z'_2 = 20;$$

$$z_3 = 60; z'_3 = 40$$

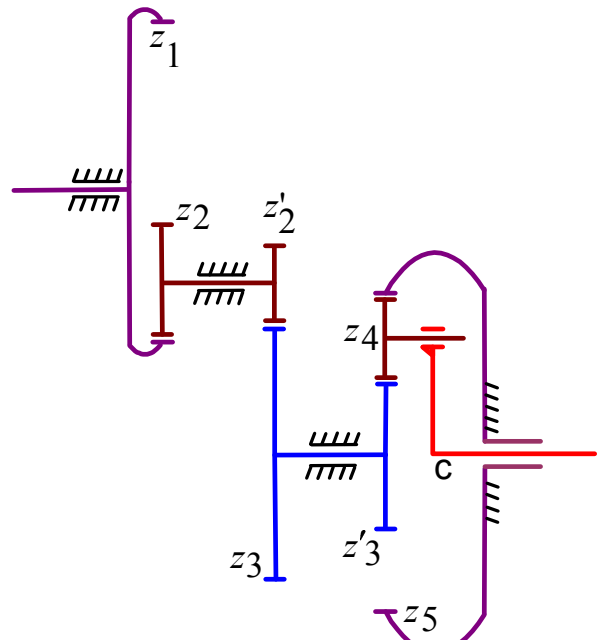
a. Tìm tỉ số truyền  $i_{1C} = \omega_1 / \omega_C$

b. Bỏ qua khối lượng và moment quán tính của các trục, cần **C** và bánh răng 4. Biết khối tâm các bánh răng ở tại tâm quay và moment quán tính các bánh răng là:

$$J_{z_1} = J_{z_3} = 0,1 \text{ kgm}^2;$$

$$J_{z_2} = J_{z'_2} = J_{z'_3} = 0,05 \text{ kgm}^2$$

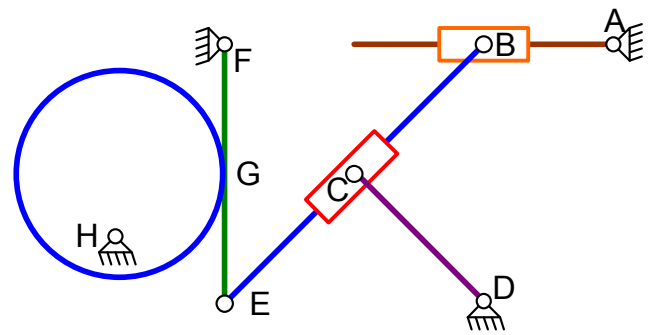
Hãy tính moment quán tính tương đương quy về trục cần **C** của cả cơ cấu.



Hình vẽ 2

**Câu 3:** 2 điểm

Xét cơ cấu như hình vẽ 3, xác định bậc tự do của cơ cấu.



Hình vẽ 3

Người ra đề thi

**Phạm Huy Hoàng**

Trưởng Bộ môn

**Phạm Huy Hoàng**

1. Bài 1:

Cách 1:

$$\vec{v}_{B_2} = \vec{v}_{B_1} = \begin{cases} \downarrow \\ AB\omega_1 = a\omega \end{cases}; \quad \vec{v}_{C_2} = \vec{v}_{C_3} = \begin{cases} \perp CD \\ ? = CD\omega_3 = a\omega_3 \end{cases};$$

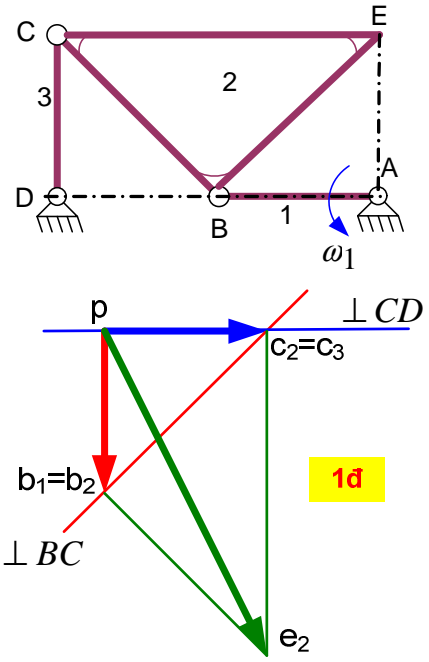
$$\vec{v}_{C_2} = \vec{v}_{B_2} + \vec{v}_{C_2B_2} \quad \text{1đ}$$

$$\begin{matrix} \perp CD & \downarrow & \perp BC \\ ? & a\omega & ? = BC\omega_2 = a\sqrt{2}\omega_2 \end{matrix}$$

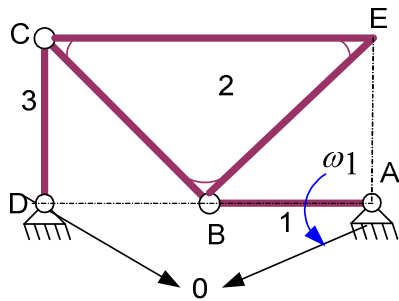
$$\Rightarrow \vec{v}_{C_3} = \vec{v}_{C_2} = \begin{cases} \rightarrow \\ v_{B_2} = a\omega \Rightarrow \omega_3 = \begin{cases} \curvearrowright \\ \frac{v_{C_3}}{a} = \omega \end{cases} \end{cases} \quad \text{0,5 đ}$$

$$\Rightarrow \vec{v}_{C_2B_2} = \begin{cases} \perp BC (\nearrow) \\ \sqrt{2}v_{B_2} = \sqrt{2}a\omega \end{cases} \Rightarrow \omega_2 = \begin{cases} \curvearrowright \\ \frac{v_{C_2B_2}}{BC} = \frac{\sqrt{2}a\omega}{\sqrt{2}a} = \omega \end{cases} \quad \text{0,5 đ}$$

$$\Delta b_2c_2e_2 \text{ đồng dạng } \Delta B_2C_2E_2 \Rightarrow e_2 \Rightarrow |\vec{v}_{E_2}| = \sqrt{v_{C_2}^2 + (v_{C_2B_2}\sqrt{2})^2} = a\omega\sqrt{5} \quad \text{1đ}$$



Cách 2:



B: tâm vận tốc tức thời trong chuyển động tương đối giữa 2 khâu 1 và 3.

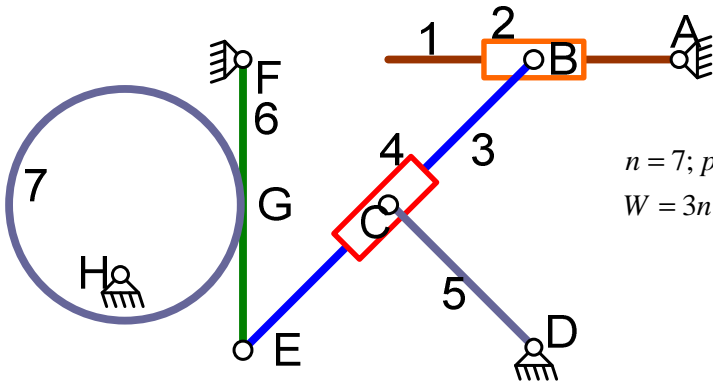
$$\vec{v}_{B_3} = \vec{v}_{B_1} = \begin{cases} \downarrow \\ AB\omega_1 = a\omega \end{cases} \Rightarrow \omega_3 = \begin{cases} \curvearrowright \\ \frac{v_{B_3}}{BD} = \frac{a\omega}{a} = \omega \end{cases} \quad \text{1,5 đ}$$

D: tâm vận tốc tức thời trong chuyển động tương đối giữa 2 khâu 0 và 2, và cũng là tâm vận tốc tức thời trong chuyển động tuyệt đối của khâu 2.

$$\vec{v}_{B_1} = \vec{v}_{B_2} = \begin{cases} \downarrow \\ AB\omega_1 = a\omega \end{cases} \Rightarrow \omega_2 = \begin{cases} \curvearrowright \\ \frac{v_{B_2}}{DB} = \frac{a\omega}{a} = \omega \end{cases} \quad \text{1,5 đ}$$

$$|\vec{v}_{E_2}| = DE\omega_2 = \sqrt{5}a\omega \quad \text{1đ}$$

2. Bài 3:

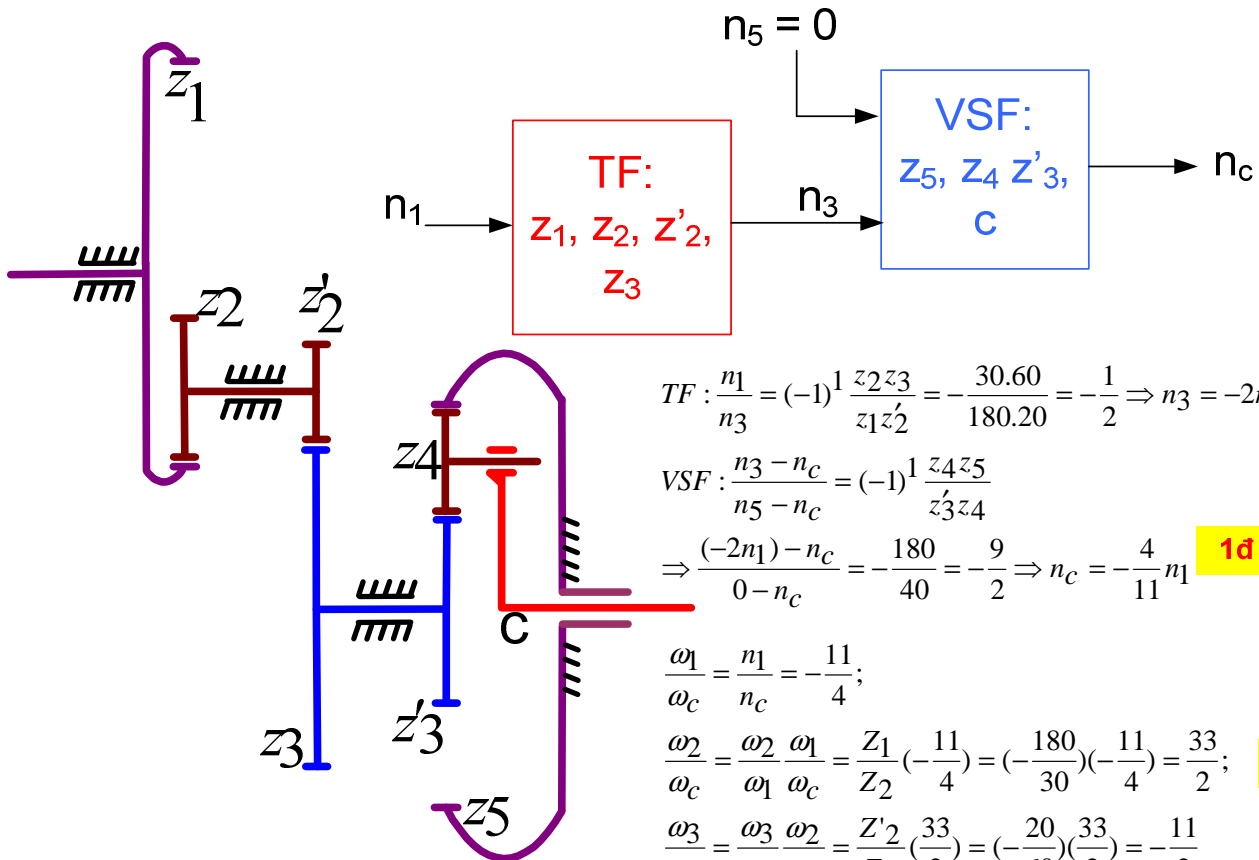


$$n = 7; p_5 = 9; p_4 = 1$$

$$W = 3n - 2p_5 - p_4 = 3 \cdot 7 - 2 \cdot 9 - 1 = 2$$

2 đ

3. Bài 2:



$$TF: \frac{n_1}{n_3} = (-1)^1 \frac{z_2 z_3}{z_1 z'_2} = -\frac{30 \cdot 60}{180 \cdot 20} = -\frac{1}{2} \Rightarrow n_3 = -2n_1 \quad \mathbf{1d}$$

$$VSF: \frac{n_3 - n_c}{n_5 - n_c} = (-1)^1 \frac{z_4 z_5}{z'_3 z_4}$$

$$\Rightarrow \frac{(-2n_1) - n_c}{0 - n_c} = -\frac{180}{40} = -\frac{9}{2} \Rightarrow n_c = -\frac{4}{11}n_1 \quad \mathbf{1d}$$

$$\frac{\omega_1}{\omega_c} = \frac{n_1}{n_c} = -\frac{11}{4};$$

$$\frac{\omega_2}{\omega_c} = \frac{\omega_2}{\omega_1} \frac{\omega_1}{\omega_c} = \frac{z_1}{z_2} \left(-\frac{11}{4}\right) = \left(-\frac{180}{30}\right) \left(-\frac{11}{4}\right) = \frac{33}{2}; \quad \mathbf{1d}$$

$$\frac{\omega_3}{\omega_c} = \frac{\omega_3}{\omega_2} \frac{\omega_2}{\omega_c} = \frac{z'_2}{z_3} \left(\frac{33}{2}\right) = \left(-\frac{20}{60}\right) \left(\frac{33}{2}\right) = -\frac{11}{2}$$

$$J_{td} = J_{z_1} \frac{\omega_1^2}{\omega_c^2} + (J_{z_2} + J_{z'_2}) \frac{\omega_2^2}{\omega_c^2} + (J_{z_3} + J_{z'_3}) \frac{\omega_3^2}{\omega_c^2}$$

$$= 0,1 \left(-\frac{11}{4}\right)^2 + (0,05 + 0,05) \left(\frac{33}{2}\right)^2 + (0,1 + 0,05) \left(-\frac{11}{2}\right)^2 = 32,519 \text{ kgm}^2 \quad \mathbf{1d}$$